

XVII.

Indicando con p il parametro termometrico di una famiglia di curve tracckte sulla superficie (51), si deve avere

da cui

Affinchè p risulti reale, bisogna che le due funzioni θ e i si cangino l'una nell'altra pel cambiamento di $-i$ in $+i$. In questa ipotesi ponendo

$$y(u - iv) = f(y(u + iv))$$

si ottiene anche per p' un valore reale, ed è evidente che p' è il parametro termometrico di una seconda famiglia di curve isoterme. Ora da queste forinole si cava

$$p - i p' = C_p(u - i v), \quad p + i p' = \sqrt{(w - i t)}$$

e quindi,, osservando che θ' e t sono quantità conjugate,

$$Jp^2 + \wedge p'^2 = (\text{mod } p')^2 \wedge^2 + dv'Y$$

Questo risultato ci insegna che i due sistemi isotermi p e p' sono ortogonali fra loro. Indichiamo ora con ds l'elemento di una linea passante pel punto (w, v) e con ϕ l'angolo ch'esso fa colTelemento della $v = \text{cost.}$; si ha

$$du = h \cos \phi ds, \quad dv = h \sin \phi ds$$

= $h \sin \phi$
e quindi
(53) $\sin \phi du - \cos \phi dv = 0$.

Di qui risulta che l'equazione

$$[JL = u \sin \phi - v \cos \phi] = e$$

(dove p è un parametro arbitrario) rappresenta un sistema di curve che tagliano quelle del sistema isoterma $v = \text{cost.}$ sotto l'angolo *costante* ϕ . Quest'equazione può anche scriversi nel modo seguente: